# Estimation of Propeller Performance over a Wide Range of Advance Ratio

1. 緒言

現在の航空機はジェットエンジンの推力を用いるものが 一般的であり、今後も航空輸送に対する需要は増加すると考 えられている.一方で、環境問題の懸念やメンテナンスの容 易さから航空機の電動化を目指す動きがここ数年で急速に 高まり、プロペラが再び注目されるようになってきた.しか し、推進において重要な役割を果たすプロペラの空力に関す る研究が遅れており、プロペラの性能を正確に推定すること ができないのが現状である.

プロペラの性能を推定できることは航空機の設計におい てきわめて重要なことである.特にプロペラの低速域では失 速により振動が生じることで実験データを取得することも 難しいが,この低速域も含めた推定が可能になると正確な離 陸距離の計算が可能になる.現状では離陸距離は実験によっ てしか求められないため,計算によって求められるようにな ることが望まれている.

そこで、本研究では低速域も含めた広範囲の進行率におけるプロペラ性能を推定するコードを開発することを目的とする. NACA の実験データを参考にして性能推定に必要な  $C_{\rm L}$  値と  $C_{\rm D}$  値の関数を作成する.

#### 2. 先行研究

### 2.1 回転するプロペラの揚力曲線

回転するプロペラの境界層の圧力分布計測からブレード の局所揚力係数 $C_a$ が決定されたグラフ<sup>(1)</sup>を図1に示す.ブレ ード半径位置での違いを調べるために①~⑤は  $r/R = 0.4 \sim 0.8$ で設定され、これらと比較するために風洞内 で固定されたブレードの試験データが破線(wind tunnel)で示 されている.

このグラフから、固定させたブレードのデータと回転する プロペラブレードのデータは一致せず、回転中心に近くなる ほど揚力係数の増加が大きくなり、さらに失速が遅れること がわかる.これは、コリオリカの影響であるとされている. 従来の推定方法ではこの回転による影響は考慮されていな かったため、本研究ではこの影響を取り入れた C<sub>L</sub>値、C<sub>D</sub>値 の関数を作成することでより正確な推定を行えるようにな ることを目指す.

#### 2.2 NACA 実験

本研究ではNACAの試験データ<sup>(2)</sup> (プロペラ 5868-9) を参 考にする. 試験はプロペラ回転速度を一定にし,風洞の風速 を増やしていくことで行われた.最大風速は 115 マイル/時 (51.4m/s)であり,試験ケースは表1に示す通りである.進行 率 (J = V/nD)が高い値ではゼロ推力に到達するまでエン ジン速度を落とすことで得られており,初めの基準として 1000rpm でのプロペラ回転速度で試験が行われているが,エ ンジンパワーの限界で高いブレード角設定はできていない. また,グラフデータとしては横軸を進行率として効率 $\eta$ ,推 力係数 $C_{\mathbf{r}}$ ,パワー係数 $C_{\mathbf{p}}$ が得られている. 航空エンジン超音速流研究室 1215018 中地 愛香

知能機械システム工学コース



Fig.1 Example of difference of lift curve by radius<sup>(1)</sup>.

 
 Table1
 Propeller speeds for tunnel speeds below 115 miles per hour<sup>(2)</sup>.

blade angle	propeller speed	blade angle	propeller speed
(deg.)	(r.p.m.)	(deg.)	(r.p.m.)
15	1000	40	700
20	1000	45	700
25	800	50	650
30	800	55	600
35	800	60	560

#### 3. 計算式

推力係数,パワー係数,進行率,効率の計算式を以下に示 す.また,性能曲線(パワー係数)のグラフ例<sup>(3)</sup>を図2に示 す.ここで,T:推力(N),P:パワー(W),V:前進速度(m/s),  $\rho$ :空気密度(kg/m<sup>3</sup>),n:プロペラ回転数(/s),D:プロペ ラ直径(m)であり,図中の $\beta_{3/4}$ はプロペラ半径 3/4 位置のブ レードピッチ角を表す.

推力係数

$$C_{\rm T} = \frac{T}{\rho n^2 D^4} \tag{1}$$

パワー係数  

$$C_{\rm P} = \frac{P}{\rho n^3 D^5}$$
進行率
(2)

$$J = \frac{V}{nD} \tag{3}$$

$$\eta = \frac{JC_{\rm T}}{C_{\rm P}}$$



Fig. 2 Example of performance curve <sup>(3)</sup>.

## 4. C<sub>L</sub>値および C<sub>D</sub>値の関数決定方法

図 1 の破線(wind tunnel)データに対応する関数として、 NACA0012 の実験データ<sup>(4)</sup>を使用した.図 3 にそのグラフを 黒線で示した.また、ここではマッハ数 $M \approx 0$ のとき、 $C_L$ のみについて示す.この黒線グラフを基準として半径依存に よるグラフを考えた.

図1より,ブレード半径位置が小さくなるほど失速が遅れ, 最大揚力係数が大きくなるように考えて式(5)~(8)に示すよ うに関数を設定した.また、この係数についてはまだ仮の段 階であり,この係数を変えることで NACA の実験結果に合 わせていくものとする.

横軸: 
$$\alpha_{new} = \alpha/A$$
 (5)  
A =  $a_1 + a_2(1 - r/R)^{a_3}$  (6)

$$a_1 = 1.1, \ a_2 = 3.5, \ a_3 = 3$$

縦軸: 
$$C_{\text{L new}} = B C_L$$
 (7)  
 $B = b_1 + b_2 (1 - r/R)^{b_3}$  (8)

$$b_1 = 5_1 + 5_2(1 - 1/13)$$
  
 $b_1 = 1.1, \ b_2 = 5.0, \ b_3 = 3$ 



Fig. 3 Difference of lift curve by radius.  $(M \approx 0)$ 

### 5. 計算結果と考察

(4)

表1のケースのとおり性能計算を行った.結果のうち, *C*P のグラフを図4,5に示す.図4が半径依存(コリオリカの考 慮)なし、図5が半径依存ありで計算した結果である.

このように、一般的には実験が難しいとされる低い進行率での計算から、計算が難しいとされている 60°までのブレード角の計算を行うことができた. Cpについてはそれほど変化が見られなかったがCrにおいては少し大きい値を得る傾向になったことからコリオリカの影響を計算式に含めることができたと考える.また、NACAの実験データ<sup>(2)</sup>と比較して、一旦Cpの値が下がってまた増加するといった傾向が捉えられており、定性的に合っていると考える.



Fig. 4 Power coefficient without radius dependence.



Fig. 5 Power coefficient with radius dependence.

#### 6. 結言

コリオリカによる半径依存を考慮した*C*L値, *C*D値の関数を 作成し,性能計算を行うことができた.しかし,これらの関 数は仮に係数を決定したものであって NACA の実験結果に 合わせるところまではまだ到達できていない.今後は実験結 果に合う係数を決定し,定性的だけではなく定量的にも合わ せていく必要がある.

## 文献

- (1) Hermann Schlichting: Boundary-Layer Theory, McGraw-Hill Science/Engineering/Math, pp.695, 696.
- (2) David Biermann and Edwin P. Hartman: Tests of Two Full-Scale Propellers with Different Pitch Distributions, at Blade Angles up to 60 Degrees, T. R. No. 658, N. A. C. A., 1939.
- (3) 日本航空宇宙学会: 航空宇宙工学便覧, 丸善 pp.545, 546.
- (4) Raymond W. Prouty: Helicopter Performance Stability and Control, Krieger Publishing Company, pp.426-434.