Measurements of elasticity of the molecular orientation field for the purpose of developing liquid crystal actuators

知能機械システム工学コース

## 流体工学研究室 1215031 水野 貴斗

この実験では、液晶に電場を与えた時のディレクタの駆動 の様子を透過光強度の変化を用いて測定する.

シミュレーションにおいては、式(1)、(2)を用いて、平行平 板間に電場を与えた時の1次元計算を行い、電場の強さと液 晶分子の角度の関係を求めることができる.次にその角度と 式(3)を用いることで、出射光の偏光状態を求めることができ る.これらの結果は、図2に示すシグモイド関数のような形 を得ることができる.



Brightness



Fig. 2 Sigmoid function

## 3. 結果および考察

以下の図 3 に実験とシミュレーションで得られた結果を 示す.ただし、この時、縦軸の透過光強度 I は、式(4)のよう に定義する.

透過光強度 
$$I = \frac{各電圧印加時の透過光強度 I_v}{電圧無印加時の透過光強度 I_0}$$
 (4)

実験値は 0.9V 付近で下降し,2.0V 付近から定常状態になる.計算値は,0.5V 付近で 1.4V 付近から定常状態になる. 実験とシミュレーションを比べると,液晶の駆動電圧に差が

## 1. 緒言

液晶の力学的応用を目指した研究として液晶アクチュエ ータが先行研究によって提案された<sup>(1)</sup>.液晶アクチュエータ は,電場を与えることで発生する液晶の流動を利用して物体 を駆動させ,超小型化が可能であるというメリットを持つ. そのため, MEMS, 医療分野での活躍が期待できる.

現在,液晶アクチュエータは実用化に至っていない.要因 は,液晶アクチュエータの性能は駆動源である液晶材料の力 学特性に大きく依存するにもかかわらず,アクチュエータに 最適な液晶材料に関する知見が皆無なためである.そのため には,10万種類以上の液晶材料の中から力学特性に優れた材 料を選定するか,新規液晶材料を開発する必要がある.

しかし,液晶の力学特性に関する研究はほとんど行われて いない.また,現在存在する液晶の力学特性の測定方法は, 測定自体が非常に困難かつ長い測定時間を必要とする.今後, 多種の液晶材料の力学特性を調べるためには,簡便かつ短時 間であらゆる液晶材料に適用可能な測定方法が必要となる. そこで,本研究では実験とシミュレーションを併用した液晶 の分子場弾性定数の簡便な測定方法の確立を目指す.

2. 実験および計算方法

本研究で用いた支配方程式を以下に示す.

・フランクの自由エネルギー式

$$F = \frac{1}{2}K_1(\nabla \cdot \mathbf{n})^2 + \frac{1}{2}K_2(\mathbf{n} \cdot \nabla \times \mathbf{n})^2 + \frac{1}{2}K_3|\mathbf{n} \times \nabla \times \mathbf{n}|^2$$
(1)

·角運動方程式

$$\mathbf{0} = \mathbf{n} \times \left(\frac{\partial F}{\partial \mathbf{n}} - \nabla \cdot \frac{\partial F}{\partial \nabla \mathbf{n}}\right)$$
(2)

・出射光のジョーンズベクトル

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{E}'_{\boldsymbol{X}} \\ \boldsymbol{E}'_{\boldsymbol{Y}} \end{bmatrix} = R_{(\psi_A)} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} R_{(\boldsymbol{\cdot}\psi_A)} R_{(\psi_i)} J_{TN} R_{(\boldsymbol{\cdot}\psi_i)} \begin{bmatrix} \cos\psi_P \\ \sin\psi_P \end{bmatrix}$$
(3)

このとき, F は液晶分子場弾性エネルギーである. K1, K2, K3 は液晶の弾性定数のことをいい,それぞれ広がり変形,捻 じれ変形,曲がり変形の3種類となる.nはディレクタと呼 ばれる液晶分子の巨視的な配向方向を表す.E'x,E'yはそれ ぞれ液晶セルを通過する異常光,常光である.Rは回転行列, JrwはTN(Twisted Nematic)セルのジョーンズベクトルを表す.

液晶の弾性定数を測定することは,式(1)の3つの定数を求 めることである.図1にはTN配向セルを用いた実験装置の 概略を示す.TN配向とは,液晶セルの配向パターンの1つ である.ガラス平板の表面にラビングと呼ばれる配向処理を 行い,上下の平板の角度を90°ずらすことで,それに伴って 液晶分子も上下で捻じれた配向方向になる.この時,偏光板 の方向はラビング方向と同方向になるように設置する. 生じていることがわかる. 原因としては,実験における実験 装置や液晶材料そのものの抵抗によって,シミュレーション と比べて液晶にかかる実質電圧に差が生じていると考えら れる.

$$y = \frac{c}{1 + e^{-a(x-b)}}$$
(5)

式(5)に係数 a, b, c を用いたシグモイド関数を定義する. 2 つの結果をシグモイド関数に近似して評価を行う.この関数の形状は3 つの係数のみに依存するため,係数が全て等しい場合同じ関数であると言える.また,その時の入力値 *K*<sub>1</sub>, *K*<sub>2</sub>, *K*<sub>3</sub>がその液晶材料の弾性定数であることがわかる.

図3の近似関数を図4に示す.図4より液晶に電場を与え た時の透過光強度の変化をシグモイド関数での近似が可能 であるということがわかった.

次に、入力値 K<sub>1</sub>, K<sub>3</sub> を変化させたときの近似関数のグラフをそれぞれ図5、図6に示す.図5のグラフは弾性定数 K<sub>1</sub>を 0.5 倍、1.5 倍した時の透過光強度の値の近似関数を表す. 0.5 K<sub>1</sub>の時, K<sub>1</sub>の時より駆動電圧が 0.3V 程度小さくなった. 1.5 K<sub>1</sub>の時, 閾値電圧は近い値となったが、定常値までの傾 きが K の時に比べて緩やかになった.これは、弾性定数 K<sub>1</sub> が大きくなるほ液晶分子が立ち上がろうとする力の逆の力 が働くからだと考えられる.図6の K<sub>3</sub>の場合も同様に、弾 性定数が大きくなるほど緩やかに立ち上がることがわかる. つまり、K<sub>1</sub>と K<sub>3</sub>では、K<sub>1</sub>の係数のほうが分子の駆動に大き く効いてくることが分かる.

従って、これらの結果より、弾性定数 K の値を変化させる ことによって、シグモイド関数のグラフを変化させることが 可能である. 今後、この測定方法によって、液晶の弾性定数 を求めることができると考えられる.



Fig. 3 Comparison of experiments and simulations



Fig. 4 Sigmoid function approximation



Fig. 5 K1 value change



Fig. 6 K3 value change

## 1. 結言

液晶に電場を与えた時の液晶分子の駆動の様子を透過光 強度の変化を用いて,実験とシミュレーションの両方で求 め,シグモイド関数によって近似することができた.

また,シミュレーションにおける入力値 K<sub>1</sub>, K<sub>2</sub>, K<sub>3</sub>を変 化させることで,近似関数を変化させることができた.この ことにより,図7のような実験とシミュレーションを併用し た液晶の弾性定数の測定方法は有効であると言える.



Fig. 7 Calculation of Elastic constants

文献

- (1) 蝶野成臣・辻知宏,"液晶駆動型マイクロアクチェエー タの開発(第1報,流動の発生とそのメカニズム)",日 本機械学会論文集 B 編, Vol.72, (2006-3), pp656-661
- (2) 『液晶科学実験入門』日本液晶学会編 シグマ出版
- (3) 『液晶便覧』液晶便覧編集委員会編 丸善出版